



**ENGINIUS**  
Formation & Recrutement

## Concours Enginius

# Épreuve de PHYSIQUE

## Session 2023

### Informations sur le sujet de l'épreuve

<b>Durée de l'épreuve :</b>	45 minutes
<b>Épreuve notée sur :</b>	20 points
<b>Document(s) autorisé(s) :</b>	<input type="checkbox"/> oui <input checked="" type="checkbox"/> non
<b>Calculatrice autorisée :</b>	<input type="checkbox"/> oui <input checked="" type="checkbox"/> non

### Remarques

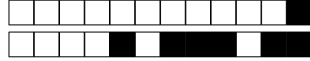
*Le sujet est constitué de deux exercices et un problème indépendants.*

*Pour chaque question de l'épreuve, veuillez noircir (comme ceci ■) la (les) bonne(s) réponse(s) sur la feuille de réponse ci-jointe.*

*Des points négatifs seront affectés aux mauvaises réponses.*

*Uniquement les feuilles de réponses correctement remplies seront corrigées.*

**Début du sujet sur la page suivante**



## Exercice 1

### Génération du deuxième harmonique dans un milieu non linéaire

Soit  $t \geq 0$  le paramètre temporel. On note par  $(\vec{e}_x; \vec{e}_y; \vec{e}_z)$  une base orthonormée directe.

Une onde progressive, monochromatique, de pulsation  $\omega \in \mathbb{R}^+$ , se propage dans un milieu matériel non chargé.

Sous l'action du champ électrique  $\vec{E}$  de l'onde, les charges liées du milieu sont animées de *petits* mouvements devant les distances caractéristiques du milieu.

On admet que le milieu se comporte comme le vide muni d'une densité surfacique de courant  $\vec{j}$  parallèle à  $\vec{E}$ . On notera par  $\varepsilon_0$  la permittivité diélectrique du vide et par  $\mu_0$  la perméabilité magnétique du vide.

Dans ce problème on fera usage systématiquement de la notation réelle pour représenter les ondes monochromatiques.

**Question 1** L'équation de propagation du champ électrique est donnée par

- |  |   |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> <b>A</b> $\Delta \vec{E} - \varepsilon_0 \mu_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} = \mu_0 \frac{\partial \vec{j}}{\partial t}$ | <input type="checkbox"/> <b>C</b> $\Delta \vec{E} - \varepsilon_0 \mu_0 \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = -\mu_0 \frac{\partial \vec{j}}{\partial t}$ |
| <input type="checkbox"/> <b>B</b> $\Delta \vec{E} - \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \varepsilon_0 \mu_0 \frac{\partial \vec{j}}{\partial t}$   | <input type="checkbox"/> <b>D</b> $\Delta \vec{E} - \varepsilon_0 \mu_0 \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \mu_0 \frac{\partial \vec{j}}{\partial t}$  |

**Question 2** Soit  $\alpha \in \mathbb{R}$ . On suppose le milieu support de la propagation comme étant linéaire de sorte que  $\vec{j} = \frac{\partial}{\partial t} (\alpha \vec{E})$ . On cherche le champ électrique sous la forme  $\vec{E} = E(x; t) \vec{e}_z$ . L'équation aux dérivées partielles vérifiée par  $E(x; t)$  est

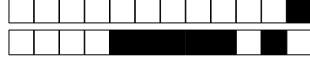
- |  |   |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> <b>A</b> $\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} = (\alpha + \varepsilon_0 \mu_0) \frac{\partial^2 E}{\partial t^2}$ | <input type="checkbox"/> <b>C</b> $\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} = -(\mu_0 \alpha + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E}{\partial t^2}$ |
| <input type="checkbox"/> <b>B</b> $\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} = \mu_0 (\alpha + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E}{\partial t^2}$ | <input type="checkbox"/> <b>D</b> $\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} = \varepsilon_0 (\alpha + \mu_0) \frac{\partial^2 E}{\partial t^2}$  |

**Question 3** Soit  $E_0$  une constante réelle. Une solution à l'équation aux dérivées partielles précédente qui est vérifiée par  $E(x; t)$  et qui représente une **Onde Plane Progressive Monochromatique** polarisée **Rectilignement** de pulsation  $\omega$  se propageant dans la direction des  $x$  positifs croissants est

- |   |  |
|---|--|
| <input type="checkbox"/> <b>A</b> $E(x; t) = E_0 \cos\left(\omega t - kx - \frac{3\pi}{4}\right)$ | <input type="checkbox"/> <b>C</b> $E(x; t) = E_0 \cos(\omega(t + kx))$ |
| <input type="checkbox"/> <b>B</b> $E(x; t) = E_0 \cos(\omega t + kx)$                             | <input type="checkbox"/> <b>D</b> $E(x; t) = E_0 \cos(\omega t - kx)$  |

**Question 4** La relation de dispersion est

- |   |   |
|---|---|
| <input type="checkbox"/> <b>A</b> $k = \omega \mu_0 (\alpha + \varepsilon_0)$       | <input type="checkbox"/> <b>C</b> $k^2 = \omega^2 \mu_0^2 (\alpha + \varepsilon_0)^2$ |
| <input type="checkbox"/> <b>B</b> $k = \omega (1 + \mu_0 (\alpha + \varepsilon_0))$ | <input type="checkbox"/> <b>D</b> $k^2 = \omega^2 \mu_0 (\alpha + \varepsilon_0)$     |



**Question 5** Le milieu support de la propagation est en fait non linéaire. On admet que la propagation d'une onde de pulsation  $\omega$  engendre une onde à la pulsation  $2\omega$ . On étudie le cas où ces ondes sont polarisées suivant la direction support de  $\vec{e}_z$  et se propageant dans la direction des  $x$  positifs croissants.

Soient  $\alpha_1$  et  $\alpha_2$  deux grandeurs réelles constantes différentes. Soit  $\beta$  une quantité réelle constante. On appelle  $\vec{E}_1 = E_1(x; t) \vec{e}_z$  et  $\vec{E}_2 = E_2(x; t) \vec{e}_z$  les champs électriques respectivement aux pulsations  $\omega$  et  $2\omega$ . La densité surfacique de courant  $\vec{j}$  s'écrit alors (avec  $L$  pour linéaire et  $NL$  pour non linéaire) :

$$\vec{j} = \vec{j}_L + \vec{j}_{NL}$$

avec :

$$\vec{j}_L = \frac{\partial}{\partial t} (\alpha_1 \vec{E}_1 + \alpha_2 \vec{E}_2) \quad \text{et} \quad \vec{j}_{NL} = \frac{\partial}{\partial t} \left( \beta \left\| \vec{E}_1 + \vec{E}_2 \right\|^2 \right) \vec{e}_z$$

En outre, on admet que  $|\beta E_1| \ll \alpha_1$  et  $|\beta E_1| \ll \alpha_2$ . De plus, l'amplitude de l'onde de pulsation  $2\omega$  est faible devant celle de pulsation  $\omega$ . L'équation aux dérivées partielles vérifiée par  $E_1$  et  $E_2$  est

- A  $\frac{\partial^2 E_1}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E_2}{\partial x^2} - \mu_0 \left[ (\alpha_1 + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E_1}{\partial t^2} + (\alpha_2 + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E_2}{\partial t^2} \right] - 2\mu_0 \beta \left[ \left( \frac{\partial E_1}{\partial t} \right)^2 + E_1 \frac{\partial^2 E_1}{\partial t^2} \right] = 0$
- B  $\frac{\partial^2 E_1}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E_2}{\partial x^2} - \mu_0 \left[ (\alpha_1 + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E_1}{\partial t^2} + (\alpha_2 + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E_2}{\partial t^2} \right] - 2\mu_0 \beta \left[ \left( \frac{\partial E_1}{\partial t} \right)^2 + E_1^2 \left( \frac{\partial E_1}{\partial t} \right)^2 \right] = 0$
- C  $\frac{\partial^2 E_1}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E_2}{\partial x^2} - \mu_0 \left[ (\alpha_1 + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E_1}{\partial t^2} + (\alpha_2 + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E_2}{\partial t^2} \right] - 2\mu_0 \beta^2 \left[ \left( \frac{\partial E_1}{\partial t} \right)^2 + E_1 \frac{\partial^2 E_1}{\partial t^2} \right] = 0$
- D  $\frac{\partial^2 E_1}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E_2}{\partial x^2} - \mu_0 \left[ (\alpha_1 + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E_1}{\partial t^2} + (\alpha_2 + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E_2}{\partial t^2} \right] - 2\mu_0 \beta \left[ \left( \frac{\partial E_1}{\partial t} \right)^2 + E_1^2 \frac{\partial^2 E_1}{\partial t^2} \right] = 0$

**Question 6** On commence par négliger les termes en  $\beta E_1$  et en  $E_2$  afin de retrouver une équation linéaire. Le champ électrique correspondant est donné par  $\vec{E}_1 = E_{10} \cos(\omega t - k_1 x) \vec{e}_z$ . Dans cette expression  $E_{10}$  est une constante réelle et  $k_1$  est la norme euclidienne du vecteur d'onde correspondant à cette solution du premier ordre. L'expression de  $k_1$  est

- A  $k_1 = \omega \mu_0 (\alpha_1 + \varepsilon_0)$
- B  $k_1 = \omega \sqrt{\mu_0 (\alpha_2 + \varepsilon_0)}$
- C  $k_1 = -\omega \mu_0 (\alpha_1 + \varepsilon_0)$
- D  $k_1 = \pm \omega \sqrt{\mu_0 (\alpha_1 + \varepsilon_0)}$

**Question 7** On cherche ensuite  $E_2$  comme solution de l'équation obtenue, à la **Question 5**, quand on remplace  $E_1$  par la solution au premier ordre. L'expression de  $E_2$  satisfait à l'équation aux dérivées partielles

- A  $\frac{\partial^2 E_2}{\partial x^2} - \mu_0 (\alpha_2 + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E_2}{\partial t^2} = -2\mu_0 \beta^2 \omega^2 E_{10}^2 \cos(2\omega t - k_1 x)$
- B  $\frac{\partial^2 E_2}{\partial x^2} - \mu_0 (\alpha_2 + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E_2}{\partial t^2} = -2\mu_0 \beta^2 \omega^2 E_{10}^2 \cos(2(\omega t - k_1 x))$
- C  $\frac{\partial^2 E_2}{\partial x^2} - \mu_0 (\alpha_2 + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E_2}{\partial t^2} = -2\mu_0 \beta^2 \omega E_{10}^2 \cos(2(\omega t - k_1 x))$
- D  $\frac{\partial^2 E_2}{\partial x^2} - \mu_0 (\alpha_2 + \varepsilon_0) \frac{\partial^2 E_2}{\partial t^2} = -2\mu_0 \beta \omega^2 E_{10}^2 \cos(2(\omega t - k_1 x))$



**Question 8** On suppose que  $E_2(0; t) = 0$ . L'expression de  $E_2$  est

**A**  $E_2(x; t) = \frac{4\mu_0\beta\omega^2}{2k_1^2 - k_2^2} E_{10}^2 [\cos(2(\omega t - k_1x)) - \sin(2\omega t - k_2x)]$

**B**  $E_2(x; t) = \frac{2\mu_0\beta^2\omega^2}{2k_1^2 - k_2^2} E_{10}^2 [\cos(2(\omega t - k_1x)) - \cos(2\omega t - k_2x)]$

**C**  $E_2(x; t) = \frac{2\mu_0\beta\omega^2}{4k_1^2 - k_2^2} E_{10}^2 [\cos(2(\omega t - k_1x)) - \cos(2\omega t - k_2x)]$

**D**  $E_2(x; t) = \frac{2\mu_0\beta\omega^2}{4k_1^2 - k_2^2} E_{10}^2 [\cos(2(\omega t - k_1x)) - \cos(2(\omega t - k_2x))]$

**Question 9** Soit  $n$  un nombre entier naturel. Le champ  $E_2$  est maximal si

**A**  $x = \frac{(2n+3)\pi}{|2k_2 + k_1|}$      **B**  $x = \frac{(n+1)\pi}{|k_2 - k_1|}$      **C**  $x = \frac{2n\pi}{|2k_2 + k_1|}$      **D**  $x = \frac{(2n+1)\pi}{|k_2 - 2k_1|}$

**Question 10** Soit  $n$  un nombre entier naturel. Le champ  $E_2$  est maximal si

**A**  $x = \frac{3n\pi}{2|2k_2 + k_1|}$      **B**  $x = \frac{(2n+3)\pi}{|k_2 + 2k_1|}$      **C**  $x = \frac{3n\pi}{2|k_2 - 2k_1|}$      **D**  $x = \frac{2n\pi}{|k_2 - 2k_1|}$

## Exercice 2

### Interaction d'une onde électromagnétique avec une vapeur atomique

Dans cet exercice, on étudie l'interaction entre une **Onde Plane Progressive Monochromatique** polarisée **Rectilignement** et une vapeur atomique de faible densité comportant  $N = 5 \times 10^{20}$  atomes par mètre cube.

Chaque atome de la vapeur comporte un seul électron mobile dans le potentiel créé par un centre, supposé (c'est-à-dire modélisé comme) rigide et immobile, constitué du noyau et des autres électrons de l'atome.

On note par  $\vec{r}$  le vecteur position de l'électron mobile par rapport au centre géométrique de la structure centrale. Cette dernière exerce sur l'électron mobile une force  $\vec{f}$  telle que :

$$\vec{f} = -m\omega_0^2 \vec{r}$$

Dans cette formule,  $m$  est la masse de l'électron mobile acceptée à  $m = 9 \times 10^{-31}$  kg et  $\omega_0$  est la pulsation propre du mouvement de l'électron, prise à  $10^{15}$  rad.s<sup>-1</sup>.

En outre l'électron mobile est soumis à l'équivalent d'une force de frottement due à son environnement électrique. Cette force s'exprime comme :

$$\vec{f}_f = -m\gamma \vec{v}$$

Dans cette relation  $\vec{v}$  est le vecteur vitesse de l'électron mobile et  $\gamma$  est une constante réelle qui vaut  $5 \times 10^9$  rad.s<sup>-1</sup>.

On notera par  $\vec{E}$  le champ électrique ressenti par l'électron mobile et nous noterons par  $\vec{B}$  le champ magnétique qui agit sur cet électron mobile.

La vapeur atomique est supposée être non magnétique.

On donne la charge élémentaire  $e = 1,6 \times 10^{-19}$  C et la permittivité diélectrique du vide  $\epsilon_0 = \frac{1}{36\pi}$  U.S.I.

Par l'hypothèse, la vitesse de l'électron est suffisamment faible devant la célérité de la lumière dans le vide  $c$  pour être dans le cadre théorique de la Mécanique classique newtonienne.



Le référentiel d'étude utilisé sera supposé être galiléen le temps du mouvement de l'électron mobile considéré.

Soit  $t \geq 0$  le paramètre temporel. On note par  $(\vec{e}_x; \vec{e}_y; \vec{e}_z)$  une base orthonormée directe.

**Question 11** La Relation Fondamentale de la Dynamique appliquée à l'électron mobile est

- A**  $m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = -m\omega_0^2 \vec{r} - m\gamma \vec{v} - e \left( \vec{E} + \vec{r} \wedge \vec{B} \right)$       **C**  $\frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = -\omega_0^2 \vec{r} - \gamma \vec{v} - \frac{e}{m} \left( \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} + \vec{v} \wedge \vec{B} \right)$   
 **B**  $\frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = -\omega_0^2 \vec{r} - \gamma \vec{v} - \frac{e}{m} \left( \vec{E} + \vec{v} \wedge \vec{B} \right)$       **D**  $\frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = -m\omega_0^2 \vec{r} - m\gamma \vec{v} - e \left( \vec{E} + \vec{v} \wedge \vec{B} \right)$

**Question 12** On assimile la vitesse de phase  $v_\varphi$  de l'onde électromagnétique considérée à la célérité  $c$  de la lumière dans le vide, donc  $v_\varphi \simeq c$ . De fait, pour l'onde électromagnétique plane considérée, on a la relation (structurelle)  $\|\vec{B}\| = \frac{1}{c} \|\vec{E}\|$ .

Cela implique que la force magnétique est, en norme, négligeable devant la norme de la force électrique. On adoptera la notation complexe suivante

$$\vec{E} = \vec{E}_0 e^{\beta(\omega t - kz)} \vec{e}_x$$

Dans cette expression on a  $\beta^2 = -1$ , le terme  $\omega$  est la pulsation de l'Onde Plane Progressive Monochromatique polarisée Rectilignement considérée.

La notation  $k$  désigne la norme euclidienne du vecteur d'onde  $\vec{k}$  associé. La quantité  $E_0$  est une constante réelle strictement positive. En régime stationnaire, le vecteur position  $\vec{r}$  a pour expression

- A**  $\vec{r} = \frac{-eE_0}{m(\omega_0^2 - \omega^2 + \beta\gamma\omega)} e^{\beta(\omega t - kz)} \vec{e}_x$       **C**  $\vec{r} = \frac{eE_0}{m(\omega_0^2 - \omega^2 + \beta\gamma\omega)} e^{\beta(\omega t - kz)} \vec{e}_x$   
 **B**  $\vec{r} = \frac{-eE_0}{m(\omega_0^2 - \omega^2 + \beta\gamma^2\omega^2)} e^{\beta(\omega t - kz)} \vec{e}_x$       **D**  $\vec{r} = \frac{-eE_0}{m(\omega^2 - \omega_0^2 + \beta\gamma\omega)} e^{\beta(\omega t - kz)} \vec{e}_x$

**Question 13** On note par  $\vec{P}$  le vecteur de polarisation électrique de la vapeur atomique support de la propagation de l'onde électromagnétique considérée. On a la relation suivante

- A**  $\Delta \vec{E} - \varepsilon_0 \mu_0 \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \mu_0 \frac{\partial^2 \vec{P}}{\partial t^2} - \frac{1}{\varepsilon_0} \overrightarrow{\text{grad}} (\text{div}(\vec{P}))$   
 **B**  $\Delta \vec{E} - \varepsilon_0 \mu_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} = \mu_0 \frac{\partial \vec{P}}{\partial t} - \frac{1}{\varepsilon_0} \overrightarrow{\text{grad}} (\text{div}(\vec{P}))$   
 **C**  $\Delta \vec{E} - \varepsilon_0 \mu_0 \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \mu_0 \frac{\partial^2 \vec{P}}{\partial t^2} - \frac{1}{\mu_0} \overrightarrow{\text{grad}} (\text{rot}(\vec{P}))$   
 **D**  $\Delta \vec{E} - \varepsilon_0 \mu_0 \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \mu_0 \varepsilon_0 \frac{\partial \vec{P}}{\partial t} - \frac{1}{\varepsilon_0} \overrightarrow{\text{grad}} (\text{div}(\vec{P}))$

**Question 14** On note par  $\vec{\lambda}$  le moment dipolaire induit par l'onde électromagnétique entre l'électron mobile et sa structure centrale. En régime stationnaire, l'expression du moment dipolaire induit  $\vec{\lambda}$  est

- A**  $\vec{\lambda} = \frac{e^2 E_0^2}{\omega_0^2 - \omega^2 + \beta\gamma\omega} e^{\beta(\omega t - kz)} \vec{e}_x$       **C**  $\vec{\lambda} = \frac{e^2 E_0^2}{m(\omega^2 - \omega_0^2 + \beta\gamma\omega)} e^{\beta(\omega t - kz)} \vec{e}_x$   
 **B**  $\vec{\lambda} = \frac{e^2 E_0^2}{m(\omega_0^2 - \omega^2 + \beta\gamma\omega)} e^{\beta(\omega t - kz)} \vec{e}_x$       **D**  $\vec{\lambda} = \frac{e^2 E_0}{m(\omega_0^2 - \omega^2 + \beta\gamma\omega)} e^{\beta(\omega t - kz)} \vec{e}_x$



**Question 15** On pose  $\Omega = \sqrt{\frac{Ne^2}{m\epsilon_0}}$ . Cette quantité est la pulsation caractéristique de la vapeur atomique. La relation de dispersion est

A  $k^2 = \frac{\omega^2}{c^2} \left( 1 + \frac{\Omega^2}{\omega_0^2 - \omega^2 + \beta\gamma\omega} \right)$

C  $k^2 = \frac{\omega^2}{c^2} \left( 1 + \frac{\Omega}{\omega_0 - \omega + \beta\gamma\omega} \right)$

B  $k^2 = \frac{\Omega^2}{c^2} \left( 1 + \frac{\Omega^2}{\omega_0^2 - \omega^2 + \beta\gamma\omega} \right)$

D  $k^2 = \frac{\omega^2}{c^2} \left( 1 + \frac{2\Omega^2}{\omega_0^2 - \omega^2 + \beta\gamma\omega} \right)$

**Question 16** L'indice optique complexe est  $n(\omega) = \frac{kc}{\omega} = n_0(\omega) + \beta\alpha(\omega)$ . Le terme  $n_0(\omega)$  est l'indice (de réfraction) optique réel de la vapeur atomique et  $\alpha(\omega)$  est l'indice d'absorption de l'onde électromagnétique par la vapeur atomique.

Comme la vapeur atomique est un milieu qualifié de " peu dense " cela implique que les effets d'absorption sont relativement faibles. Ceci se traduit par le fait que la partie imaginaire de  $n(\omega)$  est beaucoup plus faible que la partie réelle. L'expression de  $n_0^2(\omega)$  est

A  $n_0^2(\omega) = 1 + \frac{m\Omega^2(\omega_0^2 - \omega^2)}{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + \gamma^2\omega^2}$

C  $n_0^2(\omega) = 1 + \frac{\Omega^2(\omega_0^2 - \omega^2)}{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + \gamma^2\omega^2}$

B  $n_0^2(\omega) = 1 + \frac{\Omega^2(\omega^2 - \omega_0^2)}{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + \gamma^2\omega^2}$

D  $n_0^2(\omega) = 1 + \frac{\Omega^2(\omega_0^2 - \omega^2)}{\omega_0^2 - \omega^2 + \gamma^2\omega^2}$

**Question 17** L'expression de  $n_0(\omega)\alpha(\omega)$  est

A  $n_0(\omega)\alpha(\omega) = \frac{\gamma^2\omega^2\Omega^2}{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + \gamma^2\omega^2}$

C  $n_0(\omega)\alpha(\omega) = \frac{\Omega}{4} \frac{\gamma\omega}{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + \gamma^2\omega^2}$

B  $n_0(\omega)\alpha(\omega) = \frac{\Omega^2}{2} \frac{\gamma\omega}{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + \gamma^2\omega^2}$

D  $n_0(\omega)\alpha(\omega) = \frac{\gamma\omega\Omega}{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + \gamma^2\omega^2}$

**Question 18** Soit  $\omega_1$  la pulsation de l'onde électromagnétique qui rend maximal l'indice de réfraction réel  $n_0(\omega)$ . L'expression de  $n_0(\omega_1)$  est approximativement donnée par

A  $n_0(\omega_1) \simeq \sqrt{1 + \left(\frac{\Omega}{\omega}\right)^2}$

C  $n_0(\omega_1) \simeq \sqrt{1 + \frac{\Omega}{\gamma^2\omega}}$

B  $n_0(\omega_1) \simeq \sqrt{1 + \frac{\Omega^2}{2\gamma\omega}}$

D  $n_0(\omega_1) \simeq \sqrt{1 + \frac{\Omega^2}{2\omega^2}}$

**Question 19** Soit  $\omega_2$  la pulsation de l'onde électromagnétique qui rend minimal l'indice de réfraction réel  $n_0(\omega)$ . L'expression de  $n_0(\omega_2)$  est approximativement donnée par

A  $n_0(\omega_2) \simeq \sqrt{1 - \left(\frac{\Omega}{\omega}\right)^2}$

C  $n_0(\omega_2) \simeq \sqrt{1 - \frac{\Omega^2}{2\gamma\omega}}$

B  $n_0(\omega_2) \simeq \sqrt{1 + \frac{1 - \frac{\Omega}{\omega}}{\frac{\Omega^2}{\gamma\omega}}}$

D  $n_0(\omega_2) \simeq \sqrt{1 - \frac{\Omega^2}{8\gamma\omega}}$



**Question 20** Soit  $\omega_3$  la pulsation de l'onde électromagnétique qui rend maximal l'indice d'absorption  $\alpha(\omega)$  de l'onde électromagnétique par la vapeur atomique. L'expression de  $\alpha(\omega_3)$  est donnée par

- A  $\alpha(\omega_3) = \sqrt{\frac{2\omega_0^2 + \gamma^2 + \sqrt{(2\omega_0^2 + \gamma^2)^2 + 6\omega_0^2}}{6}}$        C  $\alpha(\omega_3) = \sqrt{\frac{2\omega_0^2 + \gamma^2 + \sqrt{(2\omega_0^2 + \gamma^2)^2 + 12\omega_0^2}}{8}}$
- B  $\alpha(\omega_3) = \sqrt{\frac{4\omega_0^2 - \gamma^2 + \sqrt{(4\omega_0^2 - \gamma^2)^2 + 6\omega_0^2}}{8}}$        D  $\alpha(\omega_3) = \sqrt{\frac{2\omega_0^2 - \gamma^2 + \sqrt{(2\omega_0^2 - \gamma^2)^2 + 12\omega_0^2}}{6}}$

**FIN DU SUJET**



+1/8/53+





### Feuille de réponses de PHYSIQUE

*Les réponses aux questions sont à donner exclusivement sur cette feuille : les réponses données sur les feuilles précédentes ne seront pas prises en compte.*

0	0	0	0	0
1	1	1	1	1
2	2	2	2	2
3	3	3	3	3
4	4	4	4	4
5	5	5	5	5
6	6	6	6	6
7	7	7	7	7
8	8	8	8	8
9	9	9	9	9

Codez votre numéro de candidat ci-contre chiffre par chiffre en noircissant les cases (comme ceci ■), puis complétez l'encadré.

NOM - Prénom(s) : .....
Numéro de candidat : .....
Centre d'examen : .....

- QUESTION 1 :  A  B  C  D
- QUESTION 2 :  A  B  C  D
- QUESTION 3 :  A  B  C  D
- QUESTION 4 :  A  B  C  D
- QUESTION 5 :  A  B  C  D
- QUESTION 6 :  A  B  C  D
- QUESTION 7 :  A  B  C  D
- QUESTION 8 :  A  B  C  D
- QUESTION 9 :  A  B  C  D
- QUESTION 10 :  A  B  C  D
- QUESTION 11 :  A  B  C  D
- QUESTION 12 :  A  B  C  D
- QUESTION 13 :  A  B  C  D
- QUESTION 14 :  A  B  C  D
- QUESTION 15 :  A  B  C  D
- QUESTION 16 :  A  B  C  D
- QUESTION 17 :  A  B  C  D
- QUESTION 18 :  A  B  C  D
- QUESTION 19 :  A  B  C  D
- QUESTION 20 :  A  B  C  D